

本 2023

前期日程

令和5年度入学試験問題（前期日程）

数 学

（教育学部）

————— 解答上の注意事項 ————

1. 「解答始め」の合図があるまで問題を見てはならない。
2. 問題冊子1冊および解答紙3枚がある。解答紙は1枚ずつ切り離して使用すること。
3. 問題は **1** から **3** まで3問ある。各問の解答は所定の解答紙にのみ記入すること。
4. 解答は、できるだけ解答紙の表面にすべて書くこと。やむを得ず解答紙の裏面を使う場合は、表面の右下に「裏面に続く」と書き、解答の続きを裏面の仕切り線の下に記入すること。
5. 解答しない問題がある場合でも、解答紙3枚すべてを提出すること。
6. 問題冊子は持ち帰ること。

- 1** 四面体OABCにおいて、 \overrightarrow{OA} , \overrightarrow{OB} , \overrightarrow{OC} をそれぞれ \vec{a} , \vec{b} , \vec{c} とおく。これらは

$$|\vec{a}| = |\vec{b}| = 2, \quad |\vec{c}| = \sqrt{3}$$

および

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = 0, \quad \vec{a} \cdot \vec{c} = \vec{b} \cdot \vec{c} = \frac{1}{2}$$

を満たすとする。頂点Oから $\triangle ABC$ を含む平面に垂線を引き、交点をHとする。次の間に答えよ。

- (1) $|\overrightarrow{AB}|^2$, $|\overrightarrow{AC}|^2$, $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC}$ の値をそれぞれ求めよ。
- (2) 実数 s , t により \overrightarrow{AH} が $\overrightarrow{AH} = s\overrightarrow{AB} + t\overrightarrow{AC}$ と表されるとき、 \overrightarrow{OH} を \vec{a} , \vec{b} , \vec{c} , s , t を用いて表せ。
- (3) (2)の s , t の値をそれぞれ求めよ。
- (4) 四面体OABCの体積を求めよ。

2

0から3までの数字を1つずつ書いた4枚のカードがある。この中から1枚のカードを取り出し、数字を確認してからもとへもどす。これを n 回くり返したとき、取り出されたカードの数字の総和を S_n で表す。 S_n が3で割り切れる確率を p_n とし、 S_n を3で割ると1余る確率を q_n とするとき、次の間に答えよ。

- (1) p_2 および q_2 の値を求めよ。
- (2) p_{n+1} および q_{n+1} を p_n , q_n を用いて表せ。
- (3) p_n および q_n を n を用いて表せ。

3 関数 $f(x)$ を $f(x) = x|x - 7|$ で定める。曲線 $y = f(x)$ の点 $P(3, f(3))$ における接線を ℓ とする。次の間に答えよ。

- (1) 直線 ℓ の方程式を求めよ。
- (2) 曲線 $y = f(x)$ と直線 ℓ の共有点のうち、点 P と異なる点の座標を求めよ。
- (3) 曲線 $y = f(x)$ と直線 ℓ で囲まれた図形の面積 S の値を求めよ。