## 後期日程

令和3年度入学試験問題(後期日程)

## 数学

(理工学部)



- 1. 「解答始め」の合図があるまで問題を見てはならない。
- 2. 問題冊子1冊および解答紙4枚がある。解答紙は1枚ずつ切り離して使用すること。
- 3. 問題は 1 から 4 まで 4 問ある。各問の解答は所定の解答紙にのみ記入すること。
- 4. 解答は、できるだけ解答紙の表面にすべて書くこと。やむを得ず解答紙の裏面を使う場合は、表面の右下に「裏面に続く」と書き、解答の続きを裏面の仕切り線の下に記入すること。
- 5. 解答しない問題がある場合でも、解答紙4枚すべてを提出すること。
- 6. 問題冊子は持ち帰ること。

- 1 さいころを何回か投げて、出た目の最大値を得点とする。このとき、次の間に答えよ。
  - (1) 3回投げたとき、得点が4以上になる確率を求めよ。
  - (2) 3回投げたとき、得点が4になる確率を求めよ。
  - (3) 3回投げたときの得点が4以上であったとき、もう1回さいころを投げて、得点が1以上増える確率を求めよ。



## |2| 次の問に答えよ。

- (1) 実数 x, y が 2x + y = 1 をみたすとき,  $2x^2 + y^2$  の最小値とそのときの x, y の値を求めよ。
- (2) 実数 x, y が  $2x^2 + y^2 = 1$  をみたすとき, 2x + y の最大値とそのときの x, y の値を求めよ。
- (3) 実数 x, y が  $2x^2 + y^2 = 1$  をみたすとき, xy の最大値とそのときの x, y の値を求めよ。



## 3 a を定数とする。

$$y = \cos\theta + a\cos 2\theta + \cos 3\theta$$

について,次の問に答えよ。

- (1)  $t = \cos \theta$  とするとき,  $\cos 2\theta$  と  $\cos 3\theta$  を t を用いて表せ。また, y を t の 関数として表せ。
- (2) (1) の t に対して, $t=\frac{1}{2}$  で y が極値をとるとき,a の値を求めよ。
- (3) (2) の a に対して,  $\frac{\pi}{4} \le \theta \le \pi$  の範囲における y の最大値と最小値を求めよ。

|4| 関数

$$f(x) = \frac{x^2}{e^x - x}$$
$$g(x) = (2 - x)e^x - x$$

について,次の問に答えよ。

(1) すべての実数xに対して、不等式

$$(1-x)e^x \le 1$$

が成り立つことを示せ。また、等号が成り立つときのxの値を求めよ。

- (2) (1) を用いて、方程式 g(x) = 0 が実数解をただ一つもつことを示せ。また、その実数解を  $\alpha$  とおくとき、 $1 < \alpha < 2$  であることを示せ。
- (3)  $\alpha$  を (2) で定めた実数とする。このとき、関数 f(x) の極大値を  $\alpha$  の分数式で表せ。